

## Ejercicio nº 4 para Almanaque Náutico de 2010

**Autor: Pablo González de Villaumbrosia Garcia. 01.12.2009**

El día 14 de Setiembre de 2010, estando en situación estimada  $le = 25^\circ \text{ N}$  y  $Le = 40^\circ \text{ W}$ , al ser la hora del crepúsculo civil matutino un yate observa  $ai^* = 40^\circ - 36,5'$  y  $Zv^* = S36E$ . Corrige la estima y navega al  $Rv = 255^\circ$ ,  $Vb = 13$  nudos hasta el paso del Sol por el meridiano en que toma  $aim \odot$  limbo inferior  $= 69^\circ - 3,5'$ .

Más tarde estando en situación  $l = 24^\circ \text{ N}$  y  $L = 42^\circ \text{ W}$  se pone a navegar por ortodrómica al punto de  $l = 24^\circ \text{ N}$  y  $L = 132^\circ \text{ W}$ .

Posteriormente, siendo  $Hcro = 20h-03m-33s$ , observa  $ai^* \text{Polar} = 23^\circ - 10'$  y  $Za^* \text{Polar} = 355,2^\circ$  y simultáneamente demora de aguja del punto  $M = 200^\circ$ . Situación de  $M$ :  $l = 23^\circ \text{ N}$  y  $L = 43^\circ 30' \text{ W}$

Estado absoluto a 0h de TU del día 14 = 2h-36m-15s;  $m = 8 \text{ s } (-)$ ;  $ei = 1' (+)$ ;  $eo = 10$  metros

Se pide:

- 1.- Situación a mediodía, hora legal y fecha
- 2.- Rumbo inicial, distancia ortodrómica, rumbo directo y distancia directa. Ganancia
- 3.- Situación a  $Hcro = 20h-03m-33s$  por la Polar y demora del punto  $M$

### Resolución:

#### 1.- Situación a mediodía, hora legal y fecha

##### **Datos**

Día: 14 de Setiembre de 2010

$le = 25^\circ \text{ N}$

$Le = 40^\circ \text{ W}$

$ai^* = 40^\circ - 30'$

$Zv^* = S36E$

$eo = 10\text{m}$

$ei = +1'$

##### **Averiguación astro desconocido**

$HcL$  crepúsculo civil matutino (para  $le = 25^\circ \text{ N}$ ) = 5h 22,5m

TU crepúsculo civil matutino = 5h 22,5m +  $\frac{40^\circ}{15^\circ} = 8h 2,5m$ .

##### **Altura verdadera astro desconocido**

$ai = 40^\circ 36,5'$

$ao =$  altura observada =  $ai + ei = 40^\circ 36,5' + 1' = 40^\circ 37,5'$

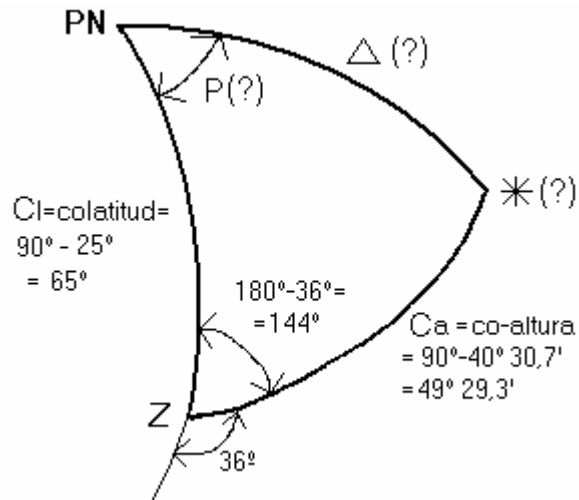
$aa =$  altura aparente =  $ao + Cd$

$Cd =$  corrección por depresión (para  $eo = 10\text{m}$ ) =  $-5,6'$

$aa = 40^\circ 37,5' - 5,6' = 40^\circ 31,9'$

Crefrac.=corrección por refracción =  $-1,2'$

$$a_v = \text{altura verdadera} = a_a + \text{Crefrac} = 40^\circ 31,9' - 1,2' = 40^\circ 30,7'$$



Del triángulo esférico de la figura sale:

$P = \text{ángulo horario en el Polo} = 27,77^\circ$

$\Delta = \text{Co-declinación} = 106,4341^\circ$

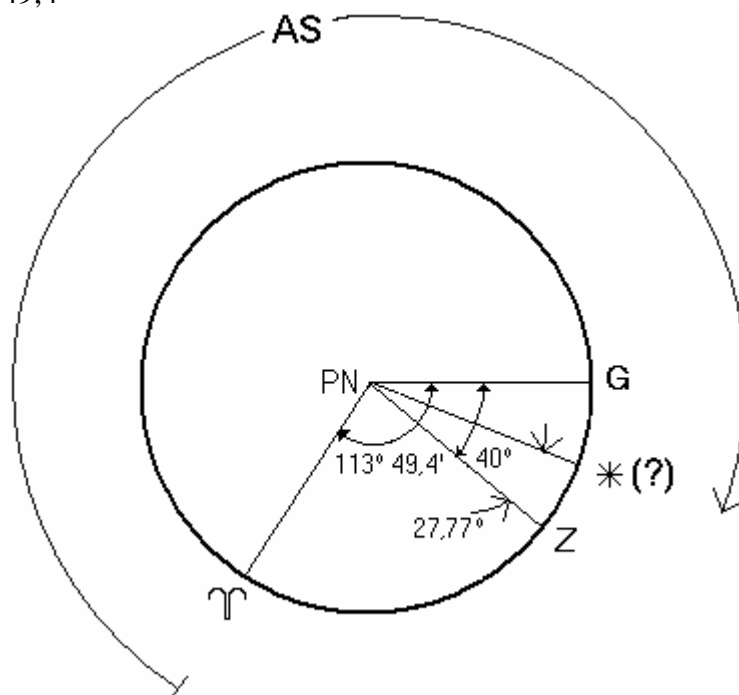
$\text{Dec} = \text{declinación del astro} = 90^\circ - \Delta = 90^\circ - 106,4341^\circ = -16^\circ 26'$

En tablas AN para el día 14 de Setiembre de 2010

<u>TU</u>	<u>hGy</u>
8h	$113^\circ 11,8'$
9h	$128^\circ 14,2'$

Interpolando para  $TU = 8h 2,5m$

$hGy = 113^\circ 49,4'$



Del círculo horario de la figura se desprende:

$$AS = 360^\circ - [113^\circ 49,4' - (40^\circ - 27,77^\circ)] = 258^\circ 24,4'$$

Datos astro (?):

$$AS = 258^\circ 24,4'$$

$$Dec = -16^\circ 26'$$

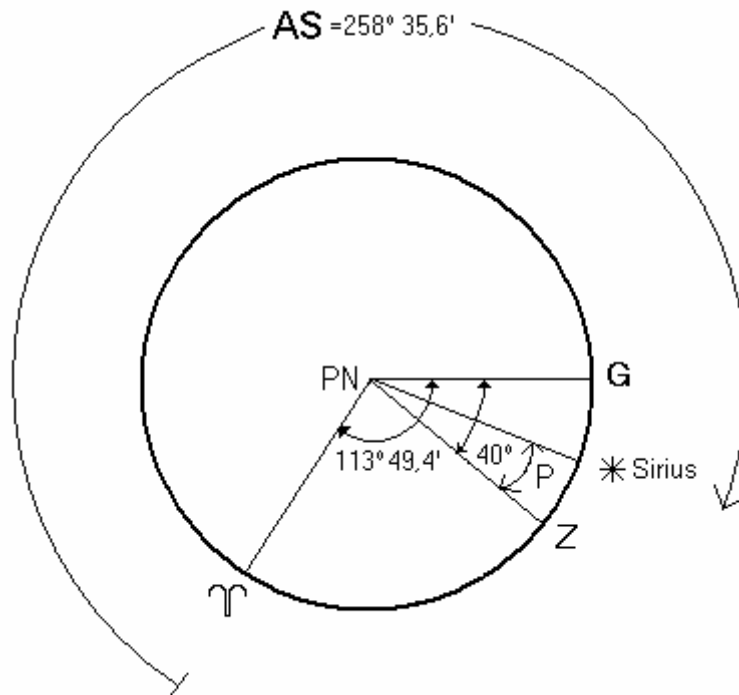
En tablas AN con esos datos aparece la estrella nº 33 **Sirius**

**Cálculo determinante estrella Sirius**

Datos estrella Sirius en Almanaque Náutico

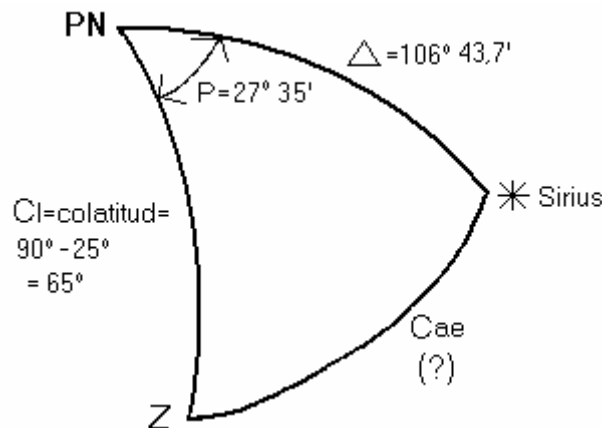
$$AS = 258^\circ 35,6'$$

$$Dec = -16^\circ 43,7'$$



$$P = \text{ángulo en el polo} = 360^\circ - 258^\circ 35,6' - 113^\circ 49,4' + 40^\circ = 27^\circ 35'$$

$$\Delta = \text{co-declinación} = 90^\circ + 16^\circ 43,7' = 106^\circ 43,7'$$



Del triángulo esférico de la figura sale:

$$Cae = \text{co-altura estimada} = 90^\circ - ae = 49,6349^\circ \rightarrow ae = 40^\circ 21,9'$$

$$Q = \text{coeficiente de Pagel} = \frac{1}{\text{tang } \Delta \times \text{sen } P} - \frac{\text{cotg } Cl}{\text{tang } P} = -1,5824$$

Aunque salga negativo, el coeficiente de Pagel que se utiliza es siempre positivo, o sea,  $Q = 1,5824$

**Nota:** La  $Z_v$  de Sirius es la medida = S36E

Determinante estrella Sirius:

$Z_v = S36E$

$$\Delta a = a_v - a_e = 40^\circ 30,7' - 40^\circ 21,9' = +8,8'$$

**Intervalo de tiempo navegado**

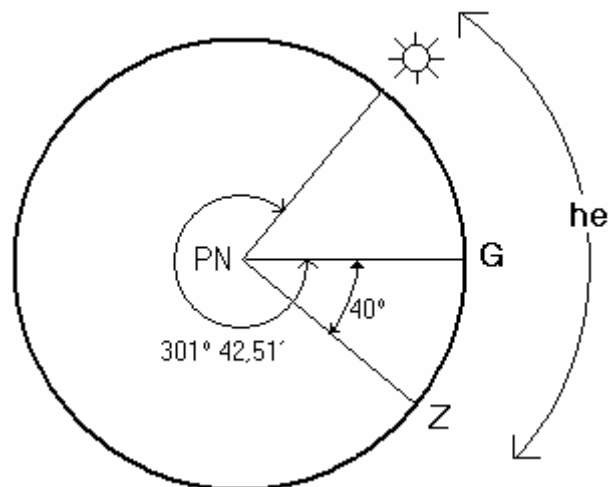
HcL crepúsculo civil matutino ( $le = 25^\circ N$  día 14 Sep. 2010) = 5h 22,5 m

$$Le = 20^\circ W \rightarrow TU \text{ crepúsculo civil matutino} = 5 \text{ h } 22,5 \text{ m} + \frac{40^\circ}{15^\circ} \text{ h} = 8 \text{ h } 2,5 \text{ m}$$

En tablas AN

<u>TU</u>	<u>hG☀</u>
8h	301° 5,0'
9h	316° 5,3'

Interpolando para  $TU = 8 \text{ h } 2,5 \text{ m} \rightarrow hG☀ = 301^\circ 42,51'$



**Cálculo tiempo exacto navegado y distancia navegada**

$$he = 360^\circ - 301^\circ 42,51' + 40^\circ = 98^\circ 17,49'$$

$$\Delta t = \text{tiempo exacto navegado} = \frac{he}{15^\circ + \frac{V_b \times \text{sen } R_v}{60 \times \text{cos } l_m}} = \frac{98^\circ 17,49'}{15^\circ + \frac{13 \times \text{sen } 255^\circ}{60 \times \text{cos } 25^\circ}} =$$

$$= 6 \text{ h } 39 \text{ m } 18,8 \text{ s} = 6,6552 \text{ h}$$

$$D = \text{distancia navegada} = V_b \times \Delta t = 13 \times 6,6552 = 86,52 \text{ millas}$$

**Traslado del punto determinante**

$$R_v = 255^\circ = S75^\circ W$$

$$D = \text{distancia navegada} = 86,52 \text{ millas}$$

$Z_v = S36^\circ E$   
 $\Delta a = +9,2'$   
 $l_e = 25^\circ N$   
 $Le = 40^\circ W$

Ref	D	$\Delta I$		A	
		N	S	E	W
S75°W	86,52'	—	22,39'	—	83,57'
S36°E	9,2'	—	7,44'	5,41'	—
			29,83		78,16

$\Delta I = 29,83'S$

$$l_m = \text{latitud media} = l_e - \frac{\Delta I}{2} = 25^\circ N - \frac{29,83'}{2} = 24^\circ 45,1'$$

$$\Delta L = \frac{A}{\cos l_m} = \frac{78,16'}{\cos 24^\circ 45,1'} = 86,1'W = 1^\circ 26,1'W$$

Situación observada del punto determinante:

$$l_o = 25^\circ 00'N - 29,83'S = 24^\circ 30,17'N$$

$$L_o = 40^\circ 00'W + 1^\circ 26,1'W = 41^\circ 26,1'W$$

### Cálculo de la meridiana del Sol

$$a_i \odot \text{ limbo inferior} = 68^\circ 50,1'$$

$$a_o = \text{altura observada} = a_i + e_i = 68^\circ 50,1' + 1' = 68^\circ 51,1'$$

$$a_a = \text{altura aparente} = a_o + C_d$$

$$C_d = \text{corrección por depresión (para } e_o = 10\text{m)} = -5,6'$$

$$a_a = 68^\circ 51,1' - 5,6' = 68^\circ 45,5'$$

$$C_{sd+refr+par} = \text{corrección por semidiámetro-refracción y paralaje} = +15,7' - 0,1' = +15,6'$$

$$a_v = \text{altura verdadera} = a_a + C_{sd+refr+par} = 68^\circ 45,5' + 15,6' = 69^\circ 1,1'$$

### Cálculo Tiempo Universal del paso del Sol por el meridiano

$$TU \text{ p}^\circ \odot \text{ mS/L} = TU \text{ origen} + \text{tiempo navegado} = 8\text{h } 2,5 \text{ m} + 6\text{h } 39\text{m } 18,39\text{s} = 14\text{h } 41\text{m } 48,39\text{s}$$

Nota:

$$\text{En tablas Almanaque Náutico, PMG} = \text{Paso por Meridiano de Greenwich} = 11\text{h } 55,6\text{m}$$

$$HcL \text{ p}^\circ \odot \text{ mS/L} = 11\text{h } 55,6\text{m} \rightarrow TU \text{ p}^\circ \odot \text{ mS/L} = 11\text{h } 55,6\text{m} + \frac{41^\circ 26,1'}{15^\circ} = 14\text{h } 41\text{m } 20\text{s},$$

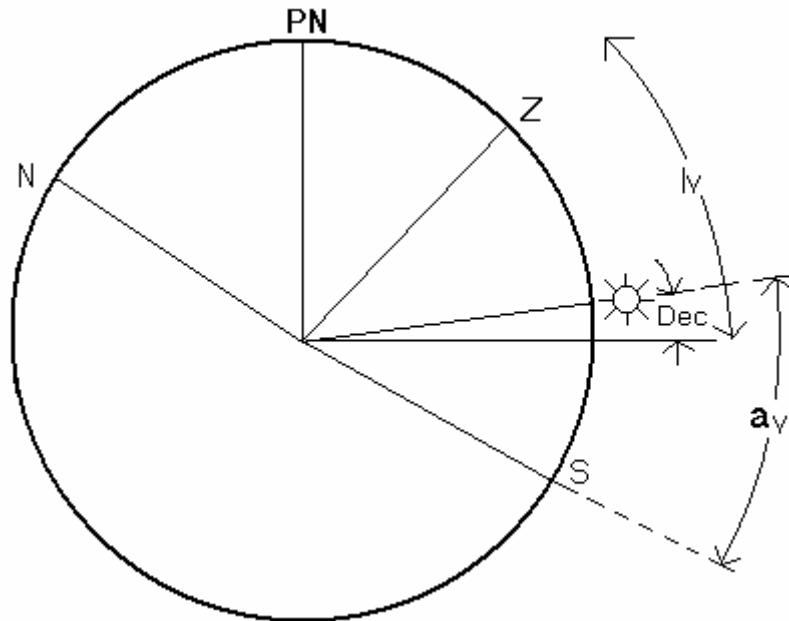
que coincide bastante bien con el resultado de 14h 41m 48,39s calculado anteriormente según el tiempo navegado.

### Cálculo latitud verdadera

En tablas AN para el día 14 de Set. de 2010

<u>TU</u>	<u>Dec</u> $\odot$
14h	+3° 18,5'
15h	+3° 17,6'

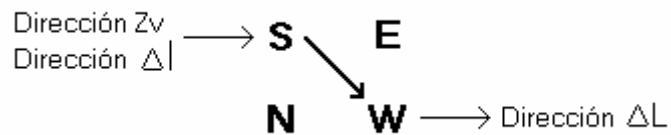
Para TU = 14h 41m 48,39s → Dec = +3° 17,87'



$$90^\circ = I_v + a_v - Dec \rightarrow I_v = Dec + 90^\circ - a_v$$

$$I_v = 90^\circ - a_v + Dec = 90^\circ - 69^\circ 1,1' + 3^\circ 17,87' = 24^\circ 16,77'N$$

$$\Delta l = I_v - I_o = 24^\circ 16,77'N - 24^\circ 30,17'N = -13,4'$$



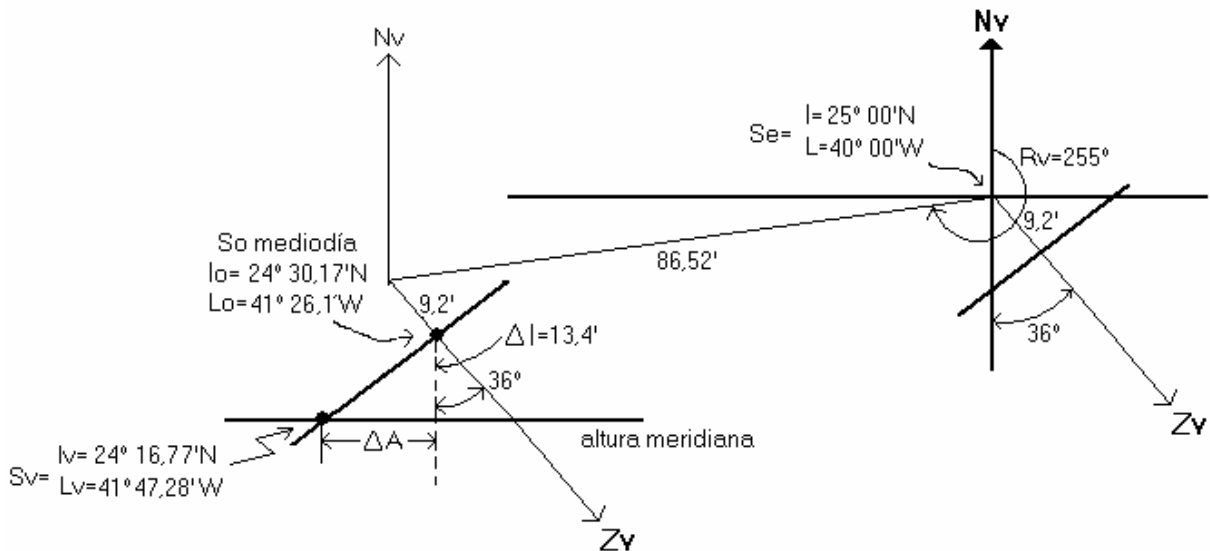
$$\Delta L = Q \times \Delta l = 1,5812 \times 13,4 = 21,18'W$$

Situación final al paso del Sol por el meridiano:

$$I_v = 24^\circ 16,77'N$$

$$L_v = L_o + \Delta L = 41^\circ 26,1'W + 21,18'W = 41^\circ 47,28'W$$

$$TU = 14h 41m 48,39s$$



### Comprobación coeficiente Pagel

$$\tan 36^\circ = \frac{\Delta l}{\Delta A} \rightarrow \Delta A = \text{apartamiento} = \frac{13,4'}{\tan 36^\circ} = 18,44'W$$

$$\Delta L = \frac{\Delta A}{\cos I_0} = \frac{18,44'}{\cos 24^\circ 30,17'} = 20,27'W$$

$Q = \text{coeficiente de Pagel} = \frac{\Delta L}{\Delta l} = \frac{20,27'}{13,4'} = 1,5127$  que coincide aproximadamente con el coeficiente de Pagel calculado por la mañana.

### Cálculo hora legal

$$TU = 14h 41m 48,39s$$

$$Lv = 41^\circ 47,28'W \rightarrow \text{Huso } n^\circ 3$$

$$Hz = \text{hora legal} = 14h 41m 48,39s - 3h = 11h 41m 48,39s \text{ del día 14 de Set. 2010}$$

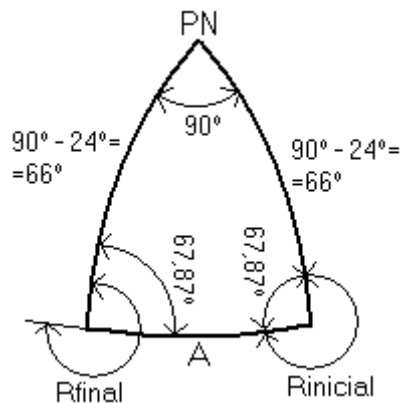
## 2.- Rumbo inicial, distancia ortodrómica, rumbo directo y distancia directa.

### Ganancia

Origen:  $I = 24^\circ N, L = 42^\circ W$

Destino:  $I = 24^\circ N, L = 132^\circ W$

### Ortodrómica



$$P = \text{ángulo en el polo} = 132^\circ - 42^\circ = 90^\circ$$

$$\begin{aligned} \cotg 66^\circ \times \text{sen } 66^\circ &= \cos 66^\circ \times \cos 90^\circ + \text{sen } 90^\circ \times \cotg (360^\circ - R_{\text{inicial}}) \\ 360^\circ - R_{\text{inicial}} &= 67,87^\circ \rightarrow R_{\text{inicial}} = 292,13^\circ = N67,87^\circ W \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \cotg 66^\circ \times \text{sen } 66^\circ &= \cos 66^\circ \times \cos 90^\circ + \text{sen } 90^\circ \times \cotg (R_{\text{final}} - 180^\circ) \\ R_{\text{final}} - 180^\circ &= 67,87^\circ \rightarrow R_{\text{final}} = 247,87^\circ = S67,87^\circ W \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \cos A &= \cos 66^\circ \times \cos 66^\circ + \text{sen } 66^\circ \times \text{sen } 66^\circ \times \cos 90^\circ \rightarrow A = \text{apartamiento} = 80,48^\circ = \\ &= 4828,65 \text{ millas} \end{aligned}$$

### Loxodrómica latitudes aumentadas

$$\Delta L = 132^\circ - 42^\circ = 90^\circ$$

$\Delta l_a = 0$  (caso especial de la loxodrómica con latitudes aumentadas)

$$A = \text{apartamiento} = \Delta L \times \cos l_m = 90^\circ \times \cos 24^\circ = 4933,14 \text{ millas}$$

$$\text{Ganancia} = 4933,14 - 4828,65 = 104,5 \text{ millas}$$

### 3.- Situación a Hcro=20h-03m-33s por la Polar y demora del punto M

$$H_{\text{cro}} = 20\text{h } 03\text{m } 33\text{s}$$

$$EA = 2\text{h } 36\text{m } 15\text{s}$$

$$m = 8\text{s}(-)$$

$$TU = H_{\text{cro}} + EA = 20\text{h } 03\text{m } 33\text{s} + 2\text{h } 36\text{m } 15\text{s} = 22\text{h } 39\text{m } 48\text{s}$$

$$\text{ppm} = \text{parte proporcional del movimiento} = 8 \times \frac{22\text{h } 39\text{m } 48\text{s}}{24\text{h}} \approx 7,55\text{s}$$

$$TU = 22\text{h } 39\text{m } 48\text{s} + 7,55\text{s} = 22\text{h } 39,93\text{m}$$

### Cálculo av de la Polar

$$a_i * \text{Polar} = 23^\circ 10'$$

$$a_o = \text{altura observada} = a_i + e_i = 23^\circ 10' + 1' = 23^\circ 11'$$

$$a_a = \text{altura aparente} = a_o + C_d$$

$$C_d = \text{corrección por depresión (para } e_o=10\text{m)} = -5,6'$$

$$a_a = 23^\circ 11' - 5,6' = 23^\circ 5,4'$$

$$C_{\text{refrac.}} = \text{corrección por refracción} = -2,3'$$

$$a_v = \text{altura verdadera} = a_a + C_{\text{refrac.}} = 23^\circ 5,4' - 2,3' = 23^\circ 3,1'$$

### Determinación de hLy

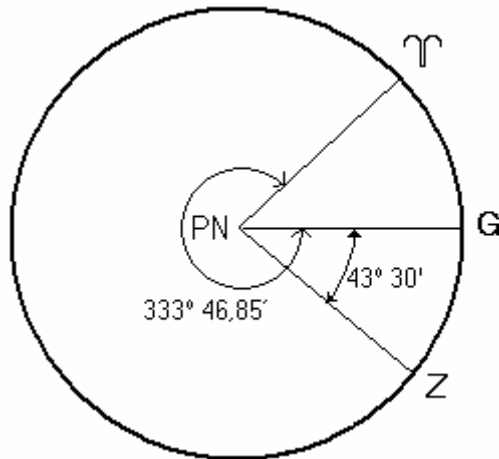
En tablas AN para el día 14 de Setiembre de 2010

<u>TU</u>	<u>hGy</u>
22h	323° 46,3'
23h	338° 48,7'

Interpolante para TU = 22h 39,93m

$$hGy = 333^\circ 46,85'$$





$$hL\gamma = 333^{\circ} 46,85' - 43^{\circ} 30' = 290^{\circ} 16,85'$$

### Determinación de la latitud por la Polar

En tablas AN de determinación de la latitud por la observación de la altura de la Polar:

$$\text{Correc.1 } (hL\gamma = 290^{\circ} 16,85') = +14,75'$$

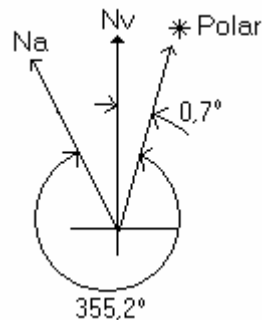
$$\text{Correc.2 } (hL\gamma = 290^{\circ} 16,85', a_v = 23^{\circ} 3,1') = +0,1'$$

$$\text{Correc.3 } (hL\gamma = 290^{\circ} 16,85', \text{Septiembre}) = +0,25'$$

$$l_v = \text{latitud verdadera} = a_v + \text{Correc.1} + \text{Correc.2} + \text{Correc.3} = 23^{\circ} 3,1' + 14,75' + 0,1' + 0,25' = 23^{\circ} 18,2'$$

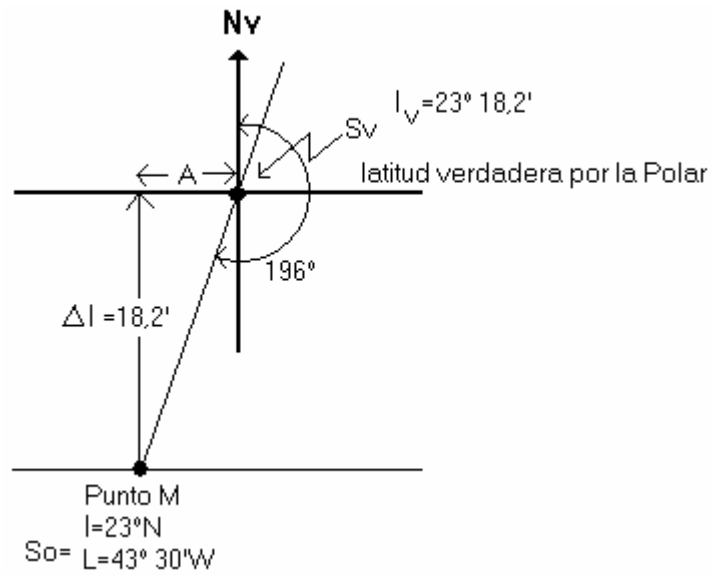
### Determinación corrección total

En tablas AN Azimut de la Polar, para  $l = 23^{\circ}\text{N}$  y  $hL\gamma = 290^{\circ} 16,85' \rightarrow Z_v = 0,7^{\circ}$



$$C_t = \text{corrección total} = 360^{\circ} - (355,2^{\circ} + 0,7^{\circ}) \approx 4^{\circ}$$

$$D_v = \text{demora verdadera} = D_a + C_t = 200^{\circ} - 4^{\circ} = 196^{\circ}$$



$$\Delta I = 23^\circ 18,2' - 23^\circ = 18,2'$$

$$A = 18,2' \times \text{tang } 16^\circ = 5,22'E$$

$$I_m = \text{latitud media} = I_o + \frac{\Delta I}{2} = 23^\circ N + \frac{18,2'}{2} = 23^\circ 9,1'$$

$$\Delta L = \frac{A}{\cos I_m} = \frac{5,22'}{\cos 23^\circ 9,1'} = 5,68'E$$

**Situación verdadera a Hcro = 20h 03m 33s:**

$$I_v = 23^\circ 18,2'N$$

$$L_v = 43^\circ 30'W - 5,68'E = 43^\circ 24,32'W$$